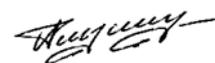


МИНОБРНАУКИ РОССИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(ФГБОУ ВО «ВГУ»)

УТВЕРЖДАЮ
Заведующий кафедрой
уравнений в частных производных
и теории вероятностей



А.В. Глушко
19.05.2022

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.О.02.07 Теория вероятностей

- 1. Код и наименование специальности: 10.05.04 Информационно-аналитические системы безопасности**
- 2. Специализация: Автоматизация информационно-аналитической деятельности**
- 3. Квалификация выпускника: специалист по защите информации**
- 4. Форма обучения: Очная**
- 5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины: Кафедра уравнений в частных производных и теории вероятностей математического факультета**
- 6. Составители программы: к.ф.-м.н., доц. Михайлова И.В.**
- 7. Рекомендована: НМС математического факультета 24.03.2022 Протокол № 0500-03**
- 8. Учебный год: 2023/2024 Семестр(ы): 4**

9. Цели и задачи учебной дисциплины

Цели учебной дисциплины:

Целью курса является ознакомление слушателей со стохастическим подходом описания обширного класса реальных физических явлений, не укладывающихся в рамки детерминированных конструкций.

Задачи учебной дисциплины:

- изучение основных понятий, методов, приемов и средств работы с вероятностными объектами;
- приобретение навыков получения вероятностных оценок, прогнозирования, отбора оптимальных (наиболее вероятных) результатов анализа;
- формирование базовых знаний, умений и навыков для успешного (в т.ч. самостоятельного) освоения различных технологий и средств вероятностного анализа.

Основной задачей курса является изучение численных закономерностей в опытах, результаты которых не могут быть предсказаны однозначно до проведения испытаний.

10. Место учебной дисциплины в структуре ООП:

Дисциплина «Теория вероятностей» относится к Блоку 1 Обязательной части, т.е. является обязательной дисциплиной для изучения обучающимися.

Приступая к изучению данной дисциплины, студент должен иметь теоретическую и практическую подготовку по алгебре и началам анализа, по геометрии, т.е. владеть математическими знаниями, умениями и навыками, полученными в общеобразовательных учреждениях; кроме того, необходимы глубокие знания в одном из фундаментальных разделов математики – математическом анализе.

Дисциплина является предшествующей для курсов теории случайных процессов, математическая статистика, стохастические дифференциальные уравнения

11. Планируемые результаты обучения по дисциплине/модулю (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями) и индикаторами их достижения:

Код	Название компетенции	Код(ы)	Индикатор(ы)	Планируемые результаты обучения
ОПК-1	Способен на основании совокупности существующих математических методов разрабатывать, обосновывать и реализовывать процедуры решения задач профессионально й деятельности	ОПК-3.5	Использует математические методы теории вероятностей при решении задач профессиональной деятельности	Знать: математические методы теории вероятностей Уметь: использовать математические методы теории вероятностей при решении задач профессиональной деятельности Владеть: математическими методами теории вероятностей

12. Объем дисциплины в зачетных единицах/час. — 4 / 144.

Форма промежуточной аттестации Зачёт с оценкой – 4 семестр

13. Трудоемкость по видам учебной работы

Вид учебной работы	Трудоемкость	
	Всего	По семестрам
		4 семестр

Контактная работа	68	68	
в том числе:	лекции	34	34
	практические	34	34
	лабораторные	-	-
Самостоятельная работа	76	76	
Промежуточная аттестация	36	36	
Итого:	144	144	

13.1. Содержание дисциплины

п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины	Реализация раздела дисциплины с помощью онлайн-курса, ЭУМК *
1. Лекции			
1.1	Случайный опыт. Вероятностное пространство	Случайный опыт. Свойство статистической устойчивости частот. Математическое описание случайного опыта. Общее вероятностное пространство (система аксиом Колмогорова) Конечное вероятностное пространство. Классическая схема. Дискретное вероятностное пространство. Геометрическая модель. Свойства вероятностей случайных событий.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=11876
1.2	Условная вероятность. Стохастическая независимость случайных событий. Независимые испытания	Условные вероятности. Теорема умножения вероятностей. Стохастически независимые случайные события. Надёжность электрических схем. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Стохастически независимые испытания. Схема Бернулли. Полиномиальная схема. Урновая схема.	
1.3	Случайные величины и векторы	Случайная величина: определение, примеры, распределение вероятностей случайной величины. Функция распределения случайной величины: определение, примеры, свойства. Выборочное вероятностное пространство. Классификация случайных величин. Дискретные случайные величины (распределения): определение, примеры. Абсолютно непрерывные случайные величины (распределения): определение, примеры. Сингулярные случайные величины. Смеси. Типовые абсолютно непрерывные распределения. Типовые дискретные распределения и их связи Случайный вектор: определение, примеры, распределение вероятностей случайного вектора, выборочное пространство. Функция распределения вероятностей случайного вектора: определение, примеры, свойства. Классификация случайных векторов. Примеры дискретных и абсолютно непрерывных распределений. Маргинальные распределения. Стохастическая независимость случайных величин: определение, критерии независимости случайных	

		<p>величин, примеры. Функция от случайного вектора.</p>
1.4	Числовые характеристики случайных величин и векторов	<p>Математическое ожидание случайной величины: определение, свойства, примеры, математическое ожидание функции от случайного вектора.</p>
		<p>Дисперсия случайной величины: определение, геометрический смысл, свойства, примеры. Моменты случайных величин.</p>
		<p>Ковариационная матрица случайного вектора. Коэффициент корреляции. Многомерное нормальное распределение.</p>
1.5	Предельные теоремы	<p>Характеристическая функция случайной величины: определение, свойства, примеры. Неравенства Маркова, Чебышева. Закон больших чисел. Теорема Бернулли</p>
		<p>Следствия из закона больших чисел. Центральная предельная теорема</p>
		<p>Теорема Муавра-Лапласа. Применение теоремы Муавра-Лапласа</p>
2. Практические занятия		
2.1	Случайный опыт. Вероятностное пространство	<p>Случайный опыт. Свойство статистической устойчивости частот. Математическое описание случайного опыта. Общее вероятностное пространство (система аксиом Колмогорова) Конечное вероятностное пространство. Классическая схема.</p>
		<p>Дискретное вероятностное пространство. Геометрическая модель. Свойства вероятностей случайных событий.</p>
2.2	Условная вероятность. Стохастическая независимость случайных событий. Независимые испытания	<p>Условные вероятности. Теорема умножения вероятностей. Стохастически независимые случайные события.</p>
		<p>Надёжность электрических схем. Формула полной вероятности. Формула Байеса.</p>
		<p>Стохастически независимые испытания. Схема Бернулли. Полиномиальная схема. Урновая схема.</p>
		<p>Контрольная работа</p>
2.3	Случайные величины и векторы	<p>Случайная величина: определение, примеры, распределение вероятностей случайной величины. Функция распределения случайной величины: определение, примеры, свойства. Выборочное вероятностное пространство.</p>
		<p>Классификация случайных величин. Дискретные случайные величины (распределения): определение, примеры. Абсолютно непрерывные случайные величины (распределения): определение, примеры. Сингулярные случайные величины. Смеси.</p>
		<p>Типовые абсолютно непрерывные распределения.</p>
		<p>Типовые дискретные распределения и их связи</p>
		<p>Случайный вектор: определение, примеры, распределение вероятностей случайного вектора, выборочное пространство. Функция распределения вероятностей случайного вектора: определение, примеры, свойства.</p>
		<p>Классификация случайных векторов. Примеры дискретных и абсолютно непрерывных распределений.</p>

		Маргинальные распределения. Стохастическая независимость случайных величин: определение, критерии независимости случайных величин, примеры. Функция от случайного вектора.
2.4	Числовые характеристики случайных величин и векторов	Математическое ожидание случайной величины: определение, свойства, примеры, математическое ожидание функции от случайного вектора.
		Дисперсия случайной величины: определение, геометрический смысл, свойства, примеры. Моменты случайных величин.
		Ковариационная матрица случайного вектора. Коэффициент корреляции. Многомерное нормальное распределение.
2.5	Предельные теоремы	Характеристическая функция случайной величины: определение, свойства, примеры. Неравенства Маркова, Чебышева. Закон больших чисел. Теорема Бернулли
		Следствия из закона больших чисел. Центральная предельная теорема
		Теорема Муавра-Лапласа. Применение теоремы Муавра-Лапласа
		Контрольная работа

13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

№ п/п	Наименование темы (раздела) дисциплины	Виды занятий (количество часов)				
		Лекции	Практические	Лабораторные	Самостоятельная работа	Всего
1	Случайный опыт. Вероятностное пространство	4	4		14	22
2	Условная вероятность. Стохастическая независимость случайных событий. Независимые испытания	6	6		14	26
3	Случайные величины и векторы	12	12		20	44
4	Числовые характеристики случайных величин и векторов	6	6		14	26
5	Предельные теоремы	6	6		14	26
	Итого:	34	34		76	144

14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

В процессе преподавания дисциплины используются такие виды учебной работы, как лекции, практические занятия, а также различные виды самостоятельной работы обучающихся. На лекциях рассказывается теоретический материал, на практических занятиях решаются примеры по теоретическому материалу, прочитанному на лекциях.

При изучении курса «Теория вероятностей» обучающимся следует внимательно слушать и конспектировать материал, излагаемый на аудиторных занятиях. Для его понимания и качественного усвоения рекомендуется следующая последовательность действий.

1. После каждой лекции студентам рекомендуется подробно разобрать прочитанный теоретический материал, выучить все определения и формулировки

теорем, разобрать примеры, решенные на лекции. Перед следующей лекций обязательно повторить материал предыдущей лекции.

2. Перед практическим занятием обязательно повторить лекционный материал. После практического занятия еще раз разобрать решенные на этом занятии примеры, после чего приступить к выполнению домашнего задания. Если при решении примеров, заданных на дом, возникнут вопросы, обязательно задать на следующем практическом занятии или в присутственный час преподавателю.

3. При подготовке к практическим занятиям повторить основные понятия по темам, изучить примеры. Решая задачи, предварительно понять, какой теоретический материал нужно использовать. Наметить план решения, попробовать на его основе решить практические задачи.

4. Выбрать время для работы с литературой по дисциплине в библиотеке

5. Кроме обычного курса в системе «Электронный университет», все необходимые для усвоения курса материалы размещены также на кафедральном сайте <http://www.kuchp.ru>

15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины

№ п/п	Источник
1	Буре, В. М. Теория вероятностей и вероятностные модели : учебник / В. М. Буре, Е. М. Парилина, А. А. Седаков. — Санкт-Петербург : Лань, 2020. — 296 с. — ISBN 978-5-8114-3168-7. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/108328 (дата обращения: 21.10.2020). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

б) дополнительная литература:

№ п/п	Источник
2	Зубков, А. М. Сборник задач по теории вероятностей : учебное пособие / А. М. Зубков, Б. А. Севастьянов, В. П. Чистяков. — 3-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2021. — 320 с. — ISBN 978-5-8114-0975-4. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/167743 (дата обращения: 11.08.2021). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
3	Булинский, А. В. Теория случайных процессов : учебное пособие / А. В. Булинский, А. Н. Ширяев. — Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2005. — 400 с. — ISBN 978-5-9221-0335-0. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/59319 (дата обращения: 11.08.2021). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

в) информационные электронно-образовательные ресурсы (официальные ресурсы интернет)*:

№ п/п	Ресурс
4	http://www.lib.vsu.ru - электронный каталог ЗНБ ВГУ
5	http://www.kuchp.ru – электронный сайт кафедры уравнений в частных производных и теории вероятностей, на котором размещены методические издания

16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы

№ п/п	Источник
6	Михайлова И.В., Баркова Л.Н. Стохастический анализ: учебно-методическое пособие / сост. И.В. Михайлова, Л.Н. Баркова. – Воронеж, 2014. – 39 с. http://www.kuchp.ru/uploads/files/public/Files-4P9DHTImKx.pdf

17. Образовательные технологии, используемые при реализации учебной дисциплины, включая дистанционные образовательные технологии (ДОТ), электронное обучение (ЭО), смешанное обучение):

Дисциплина может реализовываться с применением дистанционных образовательных технологий, например, на платформе «Электронный университет ВГУ» (<https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=11876>).

Перечень необходимого программного обеспечения: операционная система Windows или Linux, Microsoft, Windows Office, LibreOffice 5, Calc, Math, браузер Mozilla Firefox, Opera или Internet Explorer.

18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

Учебная аудитория для проведения занятий лекционного и семинарского типа, текущего контроля и промежуточной аттестации (394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, пом. I).

Специализированная мебель.

19. Оценочные средства для проведения текущей и промежуточной аттестаций

Порядок оценки освоения обучающимися учебного материала определяется содержанием следующих разделов дисциплины:

№ п/п	Наименование раздела дисциплины (модуля)	Компетенция(и)	Индикатор(ы) достижения компетенции	Оценочные средства
1	Случайный опыт. Вероятностное пространство	ОПК-3	ОПК-3.5	Домашние задания, контрольно-измерительные материалы к зачёту
2	Условная вероятность. Стохастическая независимость случайных событий. Независимые испытания	ОПК-3	ОПК-3.5	Домашние задания, контрольная работа № 1, контрольно-измерительные материалы к зачёту
3	Случайные величины и векторы	ОПК-3	ОПК-3.5	Домашние задания, контрольно-измерительные материалы к зачёту
4	Числовые характеристики случайных величин и векторов	ОПК-3	ОПК-3.5	Домашние задания, контрольно-измерительные материалы к зачёту
Промежуточная аттестация Форма контроля – зачёт с оценкой				Перечень вопросов к зачёту

20. Типовые оценочные средства и методические материалы, определяющие процедуры оценивания

20.1. Текущий контроль успеваемости

Текущий контроль успеваемости по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств:

Домашние задания:

По теме 1. Случайный опыт. Вероятностное пространство

Михайлова И.В., Баркова Л.Н. Стохастический анализ: учебно-методическое пособие / сост. И.В. Михайлова, Л.Н. Баркова. – Воронеж, 2014. – 39 с.

Задания №№ 1-7 стр.5

По теме 2. Условная вероятность. Стохастическая независимость случайных событий. Независимые испытания

Михайлова И.В., Баркова Л.Н. Стохастический анализ: учебно-методическое пособие / сост. И.В. Михайлова, Л.Н. Баркова. – Воронеж, 2014. – 39 с.

Задания №№ 1-5, 8-9, 10, 12 стр. 13-14

По теме 3. Случайные величины и векторы

Михайлова И.В., Баркова Л.Н. Стохастический анализ: учебно-методическое пособие / сост. И.В. Михайлова, Л.Н. Баркова. – Воронеж, 2014. – 39 с.

Задания №№ 1-5, 8, 10, 12 стр.22-23

По теме 4. Числовые характеристики случайных величин и векторов

Михайлова И.В., Баркова Л.Н. Стохастический анализ: учебно-методическое пособие / сост. И.В. Михайлова, Л.Н. Баркова. – Воронеж, 2014. – 39 с.

Задания №№ 1-5 стр. 24-25

По теме 5. Предельные теоремы

Михайлова И.В., Баркова Л.Н. Стохастический анализ: учебно-методическое пособие / сост. И.В. Михайлова, Л.Н. Баркова. – Воронеж, 2014. – 39 с.

Задания №№ 1-6 стр. 30-31

Примеры задач контрольных работ:

Контрольная работа № 1

1. Найти вероятность того, что кость, наудачу извлеченная из полного набора домино, не содержит числа 5

2. Студент знает ответ на 20 теоретических вопросов из 30 и сможет решить 30 задач из 50. Определить вероятность того, что студент полностью ответит на билет, который состоит из двух теоретических вопросов и трех задач

3. На складе имеется 20 телефонных аппаратов корейского производства и 30 – немецкого. В среднем 5% корейских аппаратов и 2% немецких имеют брак. 1) Найти вероятность того, что случайно выбранный аппарат бракованный. 2) Случайно выбранный аппарат бракованный. С какой вероятностью этот аппарат был немецким?

Контрольная работа № 2

1. Производятся последовательные испытания четырех приборов на надежность. Каждый следующий прибор испытывается только в том случае, если предыдущий оказался надежным. Вероятность выдержать испытание для каждого прибора равна 0,9. Составьте таблицу распределения случайной величины X , равной числу испытанных приборов.

2. Найти p , функцию распределения, MX и DX , если задан ряд распределения

x_i	-1	0	1	2	3
p_i	0,2	0,1	p	0,3	0,2

3. Найти $F(x, y)$, математическое ожидание, ковариационную матрицу и проверить стохастическую независимость координат случайного вектора (x, y) , если

y_i	1	9	13
x_i			
2	0,15	0,05	0,05
10	0,25	0,15	0,35

Текущий контроль представляет собой проверку усвоения учебного материала теоретического и практического характера, регулярно осуществляемую на занятиях.

К основным формам текущего контроля можно отнести устный опрос, проверку домашних заданий, контрольные работы.

Задание для текущего контроля и проведения промежуточной аттестации должны быть направлены *на оценивание*:

1. уровня освоения теоретических и практических понятий, научных основ профессиональной деятельности;

2. степени готовности обучающегося применять теоретические и практические знания и профессионально значимую информацию, сформированности когнитивных умений.

3. приобретенных умений, профессионально значимых для профессиональной деятельности.

Текущий контроль предназначен для проверки хода и качества формирования компетенций, стимулирования учебной работы обучаемых и совершенствования методики освоения новых знаний. Он обеспечивается проведением контрольных заданий и домашних работ, проверкой конспектов лекций, периодическим опросом слушателей на занятиях.

Формы, методы и периодичность текущего контроля определяет преподаватель.

При текущем контроле уровень освоения учебной дисциплины и степень сформированности компетенции определяются оценками «зачтено» и «незачтено».

Описание технологии проведения

Контрольные работы проводятся письменно.

Требование к выполнению заданий

Контрольная работа

За контрольную работу ставится оценка «зачтено» в случае, если обучающийся выполнил:

- правильно в полном объеме все задания контрольной работы, показал отличные владения навыками применения полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного материала;

- обучающийся выполнил все задания с небольшими неточностями и показал хорошие владения навыками применения полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного материала;

- обучающий выполнил половину из предложенных заданий правильно, остальные с существенными неточностями и показал удовлетворительное владение навыками полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного материала.

В остальных случаях обучающемуся ставится за контрольную работу «незачтено».

20.2 Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация предназначена для определения уровня освоения всего объема учебной дисциплины. Промежуточная аттестация по дисциплине «Теория вероятностей» проводится в форме зачёта с оценкой.

Промежуточная аттестация осуществляется в конце семестра и завершает

изучение как отдельной дисциплины, так и ее разделов. Промежуточная аттестация помогает оценить более крупные совокупности знаний и умений, в некоторых случаях – даже формирование определенных профессиональных компетенций.

На зачёте оценивается уровень освоения учебной дисциплины и степень сформированности компетенции определяются оценками «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

Описание технологии проведения

На зачёте студент вытягивает билет, который содержит два теоретических вопроса и один практический. Все вопросы и задачи, входящие в билеты, охватывают весь материал, изучаемый за весь семестр.

Вопросы к зачёту:

1. Случайный опыт. Свойство статистической устойчивости частот. Математическое описание случайного опыта. Общее вероятностное пространство (система аксиом Колмогорова)
2. Конечное вероятностное пространство. Классическая схема.
3. Дискретное вероятностное пространство. Геометрическая модель.
4. Свойства вероятностей случайных событий.
5. Условные вероятности.
6. Теорема умножения вероятностей.
7. Стохастически независимые случайные события.
8. Надёжность электрических схем.
9. Формула полной вероятности.
10. Формула Байеса.
11. Стохастически независимые испытания.
12. Схема Бернулли.
13. Полиномиальная схема.
14. Урновая схема.
15. Случайная величина: определение, примеры, распределение вероятностей случайной величины.
16. Функция распределения случайной величины: определение, примеры, свойства. Выборочное вероятностное пространство.
17. Классификация случайных величин.
18. Дискретные случайные величины (распределения): определение, примеры.
19. Абсолютно непрерывные случайные величины (распределения): определение, примеры.
20. Типовые абсолютно непрерывные распределения.
21. Типовые дискретные распределения и их связи.
22. Случайный вектор: определение, примеры, распределение вероятностей случайного вектора, выборочное пространство.

23. Функция распределения вероятностей случайного вектора: определение, примеры, свойства.
24. Классификация случайных векторов.
25. Маргинальные распределения.
26. Стохастическая независимость случайных величин: определение, критерии независимости случайных величин, примеры.
27. Функция от случайного вектора.
28. Математическое ожидание случайной величины: определение, свойства, примеры, математическое ожидание функции от случайного вектора.
29. Дисперсия случайной величины: определение, геометрический смысл, свойства, примеры.
30. Моменты случайных величин.
31. Ковариационная матрица случайного вектора.
32. Коэффициент корреляции.
33. Характеристическая функция случайной величины: определение, свойства, примеры.
34. Неравенства Маркова, Чебышева. Закон больших чисел. Теорема Бернулли
35. Следствия из закона больших чисел. Центральная предельная теорема
36. Теорема Муавра-Лапласа. Применение теоремы Муавра-Лапласа

Требование к выполнению заданий

Критерии выставления оценок:

Оценки	Критерии
Отлично	обучающийся показывает высокий интеллектуальный и общекультурный уровень, глубокое и всестороннее знание предмета, на все вопросы билета даны правильные исчерпывающие ответы, приведены доказательства обучающийся аргументировано и логично излагает материал, правильно решает все предложенные практические задания; дополнительные вопросы не вызывают затруднений
Хорошо	обучающийся показывает свой интеллектуальный и общекультурный уровень, твердо знает предмет учебной дисциплины, логично излагает изученный материал, умеет применять теоретические знания для решения практических задания, на вопросы билеты получены полные и верные ответы, приведено доказательство, но есть небольшие неточности в формулировках и затруднения при ответе на дополнительные вопросы
Удовлетворительно	обучающийся показывает свой общекультурный уровень, в основном знает предмет учебной дисциплины, знает основные определения и термины, имеет определенные знания предмета, практические задания решить не может, также не может привести доказательства.
Неудовлетворительно	степень освоения учебной дисциплины обучаемым не соответствует критериям, предъявляемым к оценке

	«удовлетворительно»
--	---------------------